

On prendra soin de coller le sujet sur la copie. La note tiendra compte de la qualité de la rédaction et des justifications.

Exercice 1.**4 points**

On considère la fonction f définie sur \mathbb{R} par :

$$f(x) = (-3x - 1)e^{-3x}$$

- Démontrer que $f'(x) = 9xe^{-3x}$.
- Étudier les variations de la fonction f sur \mathbb{R} (on ne s'intéressera pas aux limites).
- Calculer $\int_0^1 9xe^{-3x} dx$.

Exercice 2.**6 points**

- Calculer les intégrales suivantes sans utiliser la formule de Newton-Leibniz :

(a) $\int_0^5 \pi dx$

(b) $\int_0^3 x dx$

(c) $\int_{-2}^2 \sin x dx$

- En appliquant la formule de Newton Leibniz calculer les intégrales suivantes justifier qu'il s'agit d'une aire dans chaque cas.

(a) $\int_0^1 \frac{1}{x} dx$

(b) $\int_0^2 x^3 dx$

(c) $\int_{-1}^3 5e^x dx$

On prendra soin de coller le sujet sur la copie. La note tiendra compte de la qualité de la rédaction et des justifications.

Exercice 1.**4 points**

On considère la fonction f définie sur $]0; +\infty[$ par :

$$f(x) = x^2 \ln(x)$$

- Démontrer que $f'(x) = x(2 \ln x + 1)$.
- Étudier les variations de la fonction f sur $]0; +\infty[$ (on ne s'intéressera pas aux limites).
- Calculer $\int_1^2 2x \ln x + x dx$.

Exercice 2.**6 points**

- Calculer les intégrales suivantes sans utiliser la formule de Newton-Leibniz :

(a) $\int_0^5 2.5 dx$

(b) $\int_0^3 2x dx$

(c) $\int_{-2}^2 x dx$

- En appliquant la formule de Newton Leibniz calculer les intégrales suivantes préciser s'il s'agit d'une aire.

(a) $\int_0^1 \frac{1}{x+1} dx$

(b) $\int_0^2 x^2 + 2x + 1 dx$

(c) $\int_{-1}^3 e^{-x} dx$