

I) La fonction carré est la fonction définie par $f(x) = \dots\dots$

La fonction carré ne possède ni quotient, ni racine, elle est définie sur $\dots\dots$



Propriété 1 : Sens de variation et signe

La fonction carrée inverse l'ordre sur les $\dots\dots\dots$ et $\dots\dots\dots$ sur les $\dots\dots\dots$

Elle est donc strictement $\dots\dots\dots$ sur $\dots\dots\dots$ et strictement $\dots\dots\dots$ sur $\dots\dots\dots$

On en déduit alors son signe sur \mathbb{R} .

x	$-\infty$	\dots	$+\infty$
Sens de f			
Signe de $f(x)$			

Remarques :

- La fonction carré admet comme minimum ... sur \mathbb{R} , atteint en $\dots\dots$
- La fonction étant positive sur \mathbb{R} , sa courbe représentative est toujours au-dessus de l'axe des abscisses.



Exercice 1 :

Comparer les nombres suivants sans les calculer : 2.43^2 et 2.151^2 , puis $(-1.002)^2$ et $(-0.999)^2$.

2.43 et 2.151 sont tous deux positifs. Or la fonction carré est $\dots\dots\dots$ sur $[\dots\dots; \dots\dots]$, donc :

$$2.43 \dots 2.151 \Rightarrow 2.43^2 \dots\dots 2.151^2$$

-1.002 et -0.999 sont tous deux $\dots\dots\dots$. Or $\dots\dots\dots$

Donc :

$$-1.002 \dots 0.999 \Rightarrow (-1.002)^2 \dots\dots (-0.999)^2$$

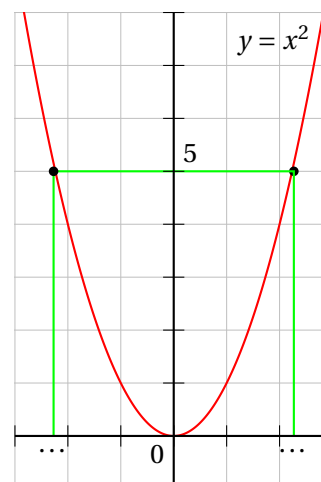
Remarque : Si deux nombres réels sont de signes contraires, aucun résultat général ne permet de comparer immédiatement leurs carrés.



Définition 1 : Propriété

La courbe représentative de la fonction carré est appelée $\dots\dots\dots$ de sommet l'origine du repère.

Dans un repère orthogonal, elle est symétrique par rapport $\dots\dots\dots$



Exercice 2 :

Grâce à la courbe de la fonction carré, résoudre les équations suivantes $x^2 < 5$ et $x^2 > 5$.

Dans le premier cas, on lit $\mathcal{S} = \dots\dots\dots$

Dans le second, on lit $\mathcal{S} = \dots\dots\dots$

II) La fonction inverse est la fonction définie par $f(x) = \dots$

La fonction inverse possède un quotient, mais pas racine. Son quotient existe dès que donc elle est définie sur

Propriété 2 : Sens de variation et signe

La fonction inverse sur les et sur les
Elle est donc strictement sur et strictement sur
On connaît également son signe.

x	$-\infty$...	$+\infty$
Sens de f			
Signe de $f(x)$			

Remarques :

- La fonction inverse n'admet pas d'extremum sur $] -\infty; 0[\cup] 0; +\infty[$.
- La fonction étant négative sur \mathbb{R}^- , sa courbe représentative est de l'axe des abscisses sur $] -\infty; 0[$.
- La fonction étant positive sur \mathbb{R}^+ , sa courbe représentative est de l'axe des abscisses sur $] 0; +\infty[$.

Exercice 3 :

Comparer les nombres suivants sans les calculer : $\frac{1}{2.43}$ et $\frac{1}{2.151}$ puis $\frac{1}{-1.002}$ et $\frac{1}{-0.999}$.
2.43 et 2.151 sont tous deux Or

Donc

$$2.43 \dots 2.151 \Rightarrow \frac{1}{2.43} \dots \frac{1}{2.151}$$

-1.002 et -0.999 sont tous deux Or

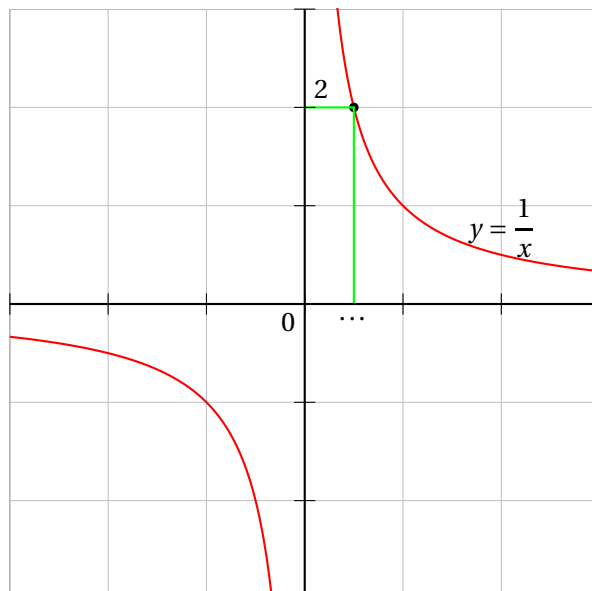
Donc :

$$-1.002 \dots -0.999 \Rightarrow \frac{1}{-1.002} \dots \frac{1}{-0.999}$$



Définition 2 : Propriété

La courbe représentative de la fonction inverse est appelée
Dans un repère orthonormal, l'hyperbole est symétrique par rapport à



Exercice 4 :

Grâce à la courbe de la fonction inverse, résoudre les équations suivantes $\frac{1}{x} < 2$ et $\frac{1}{x} > 2$.

Dans le premier cas, on lit $\mathcal{S} = \dots$

Dans le second, on lit $\mathcal{S} = \dots$

III) Les fonctions affines sont celles définies par $f(x) = \dots\dots\dots$ avec a et b réels

Une fonction affine ne comporte ni quotient, ni racine. Son ensemble de définition est donc

Propriété 3 : Sens de variation et signe

- Si $a < 0$, alors f l'ordre \mathbb{R} , ie f est strictement sur \mathbb{R}
- Si $a = 0$, alors f est sur \mathbb{R}
- Si $a > 0$, alors f est l'ordre sur \mathbb{R} , ie f est strictement sur \mathbb{R}

$a < 0$	
x	$-\infty \quad \dots \quad +\infty$
Sens de f	
Signe de $f(x)$	

$a > 0$	
x	$-\infty \quad \dots \quad +\infty$
Sens de f	
Signe de $f(x)$	

On en déduit le signe d'une fonction affine dans le cas général :

x	$-\infty \quad \dots \quad +\infty$
Signe de $ax + b$	

Remarques :

- Les fonctions affines non constantes n'admettent pas d'extremum sur \mathbb{R} .
- Lorsque qu'une fonction est négative sur un intervalle, sa courbe représentative est de l'axe des abscisses cet intervalle.
- Lorsque qu'une fonction est positive sur \mathbb{R}^+ , sa courbe représentative est de l'axe des abscisses sur cet intervalle.

Propriété 4 : Définition

La représentation graphique d'une fonction affine est la d'équation réduite est $y = ax + b$.
 a est appelé le et b l'.....

Lecture graphique du coefficient directeur

