

Rédaction avec changement de variable si nécessaire

1. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{-5}{x} + x^2 \right) = 0 + \lim_{x \rightarrow +\infty} x^2 = +\infty$

2. $\lim_{x \rightarrow -\infty} (-2x + 3x^2) = \lim_{x \rightarrow -\infty} 3x^2 = +\infty$. C'est la limite du terme de plus haut degré.

3. $\lim_{x \rightarrow 3} \left(\frac{2}{x+2} + \frac{1}{2} \right) = \frac{2}{3+2} + \frac{1}{2} = \frac{9}{10}$. La limite est atteinte ici.

4. On pose $X = (x+1)^2$. On a alors $x \rightarrow -1 \implies X \rightarrow 0^+$.

Par conséquent $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{1}{(x+1)^2} = \lim_{X \rightarrow 0^+} \frac{1}{X} = +\infty$

5. $\lim_{x \rightarrow 0^-} \left(\frac{1}{x} + 3x^2 - 2 \right) = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{1}{x} + 0 - 2 = -\infty$

6. On pose $X = x - 2$. On a alors $x \rightarrow 2^+ \implies X \rightarrow 0^+$.

Par conséquent $\lim_{x \rightarrow 2^+} \left(\frac{3}{x-2} - 5x + 7 \right) = \lim_{X \rightarrow 0^+} \frac{3}{X} - 10 + 7 = +\infty$

7. $\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\frac{2010 - 2x^6}{3x(4 - 2x^5)} \right) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-2x^6}{3x \times (-2x^5)} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1}{3} = \frac{1}{3}$

C'est la limite du rapport des termes de plus haut degré (il faut évidemment prendre en compte la factorisation initiale).

8. On pose $X = 3x(4 - 2x^5)$. On a alors $\lim_{x \rightarrow 0^+} 3x = 0^+$ et $\lim_{x \rightarrow 0^+} 4 - 2x^5 = 4$.

Donc $\lim_{x \rightarrow -1} X = 0^+$.

$\lim_{x \rightarrow 0^+} \left(\frac{2010 - 2x^6}{3x(4 - 2x^5)} \right) = \lim_{x \rightarrow 0^+} \left(\frac{2010}{3x(4 - 2x^5)} \right) = \lim_{X \rightarrow 0^+} \frac{2010}{X} = +\infty$

Rédaction en plusieurs étapes

1. $\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\frac{-5}{x} + x^2 \right) = 0 + \lim_{x \rightarrow -\infty} x^2 = +\infty$

2. $\lim_{x \rightarrow +\infty} (-2x + 3x^2) = \lim_{x \rightarrow +\infty} 3x^2 = +\infty$. C'est la limite du terme de plus haut degré.

3. $\lim_{x \rightarrow -3} \left(\frac{2}{x+2} + \frac{1}{2} \right) = \frac{2}{-3+2} + \frac{1}{2} = -\frac{3}{2}$. La limite est atteinte ici.

4. On a $\lim_{x \rightarrow 1} (x-1) = 0^+$ donc $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{(x-1)^2} = +\infty$

5. $\lim_{x \rightarrow 0^+} \left(\frac{1}{x} + 3x^2 - 2 \right) = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1}{x} + 0 - 2 = +\infty$

6. On a $\lim_{x \rightarrow 2^+} x - 2 = 0^+$ donc $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{3}{x-2} = +\infty$.

De plus $\lim_{x \rightarrow 2^+} 5x + 7 = 17$.

Donc $\lim_{x \rightarrow 2^+} \left(\frac{3}{x-2} + 5x + 7 \right) = +\infty$

7. $\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\frac{2x^6 - 2010}{3x(4 - 2x^5)} \right) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x^6}{3x \times (-2x^5)} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1}{-3} = -\frac{1}{3}$

C'est la limite du rapport des termes de plus haut degré (il faut évidemment prendre en compte la factorisation initiale).

8. On a $\lim_{x \rightarrow 0^+} 2x^6 - 2010 = -2010$.

De plus $\lim_{x \rightarrow 0^+} 3x = 0^+$ et $\lim_{x \rightarrow 0^+} 4 - 2x^5 = 4$. Donc $\lim_{x \rightarrow -1} 3x(4 - 2x^5) = 0^+$.

Finalement $\lim_{x \rightarrow 0^+} \left(\frac{2x^6 - 2010}{3x(4 - 2x^5)} \right) = -\infty$